

# PROGRAMME DE KHÔLLES 5

PRÉVOIR ET VÉRIFIER LES PERFORMANCES CINÉMATIQUES DES SYSTÈMES.

## 1 Connaissances à avoir

- Définition de la vitesse d'un point M dans un repère  $\mathcal{R} (O, \vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$  :  $\vec{V}_{(M/\mathcal{R})} = \left[ \frac{d}{dt} (\overrightarrow{OM}) \right]_{(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})}$ .
- Définition de l'accélération d'un point M dans un repère  $\mathcal{R} (O, \vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$  :  $\vec{A}_{(M/\mathcal{R})} = \left[ \frac{d^2}{dt^2} (\overrightarrow{OM}) \right]_{(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})}$ .
- Expression du vecteur rotation à partir des figures planes de calcul (ou figures géométrales).
- Propriétés du vecteur rotation
  - antisymétrie :  $\vec{\Omega}_{(i/j)} = -\vec{\Omega}_{(j/i)}$
  - composition :  $\vec{\Omega}_{(i/k)} = \vec{\Omega}_{(i/j)} + \vec{\Omega}_{(j/k)}$
- Formule de changement de base de dérivation :  $\left[ \frac{d}{dt} (\vec{u}) \right]_{B_0} = \left[ \frac{d}{dt} (\vec{u}) \right]_{B_1} + \vec{\Omega}_{(1/0)} \wedge \vec{u}$
- Composition des vitesses en cinématique du point :  $\vec{V}_{(A,2/1)} = \vec{V}_{(A/1)} - \vec{V}_{(A/2)}$
- Composition des vitesses en cinématique du solide :  $\vec{V}_{(A,2/0)} = \vec{V}_{(A,2/1)} + \vec{V}_{(A,1/0)}$
- Expression de l'accélération d'un point A fixe dans  $\mathcal{R}_1$  dans son mouvement par rapport à  $\mathcal{R}_0$  :  $\vec{A}_{(A,1/0)} = \left[ \frac{d}{dt} (\vec{V}_{(A,1/0)}) \right]_{B_0}$
- Définition d'un champ de moment et son application au champ des vitesses des points d'un solide  $i$  dans son mouvement par rapport à un solide  $j$  :  $\vec{V}_{(B,i/j)} = \vec{V}_{(A,i/j)} + \vec{BA} \wedge \vec{\Omega}_{(i/j)}$

## 2 Savoir faire

- A partir du paramétrage d'un système, déterminer les vecteurs vitesses et accélérations.